

**Kryptosysteme, Keymanagement (KSK3) für CMS**  
**4. Übungsblatt für den 7. November 2006**

13. (*Recherche*) Erkläre in eigenen Worten die Begriffe *CPA* (chosen plaintext attack), *CCA1* (chosen ciphertext attack) und *CCA2* (adaptive chosen ciphertext attack).
14. (*Recherche*) Erkläre in eigenen Worten die Sicherheitsklassen *IND-CPA*, *IND-CCA1* und *IND-CCA2*. Worin unterscheiden sich diese drei Sicherheitsklassen?
15. Für das Cramer-Shoup-Kryptosystem benötigt man (große) Primzahlen  $p$  sodass  $q = \frac{p-1}{2}$  ebenfalls prim ist. Erzeuge mit *Mathematica* eine Liste aller Primzahlen  $p < 10^7$  mit obiger Eigenschaft.

*Hinweis:* Die Funktionen `Prime`, `PrimePi`, `PrimeQ` sowie `Select` und `Range` könnten hilfreich sein.

16. (\*) Sei  $p$  eine Primzahl sodass auch  $q = \frac{p-1}{2}$  prim ist. Gesucht ist eine *Mathematica*-Funktion `CramerShoupElement[p]`, die nach jedem Aufruf ein zufälliges Element  $g \in \mathbb{Z}_p^*$  mit Ordnung  $q$  liefert.

*Hinweis:* Die Funktionen `Random` und `Module` könnten hilfreich sein. Mögliche Lösungswege:

- ein Element der Ordnung  $p - 1$  (d.h. eine Primitivwurzel von  $\mathbb{Z}_p^*$ ) finden (mit der Funktion `PrimitiveRoot`), und...

oder

- ein Element der Ordnung  $q$  finden (mit einer eigenen Funktion), und...

oder

- .....

Beachte den folgenden

**Satz:** Gegeben sei eine endliche Gruppe  $(G, \circ, ^{-1}, e)$ , ein Element  $x \in G$  der Ordnung  $n$  und eine natürliche Zahl  $k$ . Dann hat das Element  $x^k$  die Ordnung  $\frac{n}{\text{ggT}(n,k)}$ .